



Série de TD1 - Math2

Exercice 1

Effectuer les produits suivants lorsque c'est possible. Si non, dire pourquoi.

$$\text{a) } \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 6 \\ 4 & 7 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}, \text{ b) } \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 6 \\ 4 & 7 \end{pmatrix} \text{ c) } (-1 \ 4 \ 5) \begin{pmatrix} 0 & -1 & 6 \\ 2 & 4 & -2 \\ 3 & 5 & 3 \end{pmatrix}, \text{ d) } \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \\ 3 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 6 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}.$$

Exercice 2

Soit, A, B, C les matrices suivantes:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ -3 & 4 & -3 \\ -1 & 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 5 \\ -6 & -1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 0 & -3 \\ 2 & -1 \\ 8 & -7 \end{pmatrix}.$$

Calculer $2B + 3C, A^2, A^3, {}^t(AB)$.

Exercice 3

Calculer les déterminants des matrices suivantes:

$$1) \begin{pmatrix} 7 & 11 \\ -8 & 4 \end{pmatrix} \quad 2) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 6 \\ 3 & 4 & 15 \\ 5 & 6 & 21 \end{pmatrix}, \quad 3) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 3 & 4 & 5 \\ 5 & 6 & 7 \end{pmatrix}, \quad 4) \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 2 & 3 & 5 \\ 4 & 1 & 3 \end{pmatrix}, \quad 5) \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \\ 2 & 3 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

Exercice 4

$$\text{Soit } M = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- 1) Calculer $M^3 - 2M^2 + 2M$.
- 2) Dédire de ce qui précède que la matrice M est inversible, puis donner M^{-1} .

Exercice 5

- 1) Montrer que la matrice $P = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$, est inversible et calculer P^{-1} .

- 2) Soit la matrice $A = \begin{pmatrix} \frac{4}{5} & 2 \\ \frac{1}{2} & \frac{3}{5} \end{pmatrix}$

. Trouver une matrice diagonale D telle que $A = PDP^{-1}$.